

Утверждено на кафедре Высшей математики  
Дисциплина ДИСКРЕТНАЯ МАТЕМАТИКА  
Зав. кафедрой " " 200 г.

Санкт-Петербургский  
государственный университет телекоммуникаций  
им. проф. М.А.Бонч-Бруевича  
Курс 1  
Факультет

### ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 4

#### Задача 1.

Решить систему соотношений относительно множества X и указать условия совместности системы.

$$\begin{cases} X \cup A == C \Delta \bar{B} & (1) \\ X \cup A == B \cup C & (2) \\ A \subseteq C \subseteq B & (3) \end{cases}$$

#### Задача 2.

Выяснить, какими из свойств: рефлексивность, симметричность, транзитивность, эквивалентность, обладает данное отношение:

На множестве вещественных чисел задано следующее

отношение: числа x и y находятся в данном отношении, если  $x + y \geq 0$

Привести примеры рассматриваемого отношения.

#### Задача 3.

Для функции  $f(x,y,z)$  заданной векторно найти СДНФ и СКНФ.

Функция  $f(x,y,z) = \{0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0\}$

#### Задача 4.

Доопределить функцию  $f(x,y,z)$  так, чтобы  $f \in M$ . Если построение невозможно, докажите это.

Привести формулу для полученной функции.

Функция  $f(x,y,z) = \{-, 1, 0, -, 1, -, -, -\}$

#### Задача 5.

Для логической функции, заданной векторно

$f = \{1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0\}$

проверить образует ли она функционально-полную систему.

Если образует, то получить с ее помощью отрицание

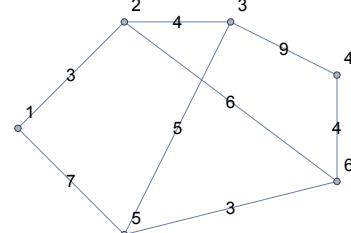
и либо конъюнкцию, либо дизъюнкцию.

#### Задача 6.

С помощью алгоритма Форда–Фалкерсона найти максимальный поток и минимальный разрез.

Начальная вершина  $s = 3$  Конечная вершина  $t = 4$

Граф



#### Задача 7.

Задана таблица Мура:

Таблица Мура	Q1	Q2
B	{Q2, U}	{Q2, P}
M	{Q2, T}	{Q1, T}

Построить Входной алфавит, Выходной алфавит, диаграмму Мура.

На вход автомата подается слово MBVMMB.

Какое слово будет на выходе?

#### Задача 8.

Что такое самодвойственная функция?

Привести пример для функции двух переменных.