

Утверждено на кафедре Высшей математики
Дисциплина ДИСКРЕТНАЯ МАТЕМАТИКА
Зав. кафедрой " " 200 г.

Санкт-Петербургский
государственный университет телекоммуникаций
им. проф. М.А.Бонч-Бруевича
Курс 1
Факультет

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 9

Задача 1.

Решить систему соотношений относительно множества X и указать условия совместности системы.

$$\begin{cases} \bar{X} \setminus A == C \setminus B & (1) \\ X \Delta B == A \setminus C & (2) \\ B \cup A \subseteq C & (3) \end{cases}$$

Задача 2.

Выяснить, какими из свойств: рефлексивность, симметричность, транзитивность, эквивалентность, обладает данное отношение:

Рассматривается множество квадратов на плоскости, центр квадрата находится в точке (0,0), квадрат X находится в отношении ϕ с Y, X ϕ Y, если квадрат X можно совместить с квадратом Y поворотом на некоторый положительный угол.

Привести примеры рассматриваемого отношения.

Задача 3.

Для функции $f(x,y,z)$ заданной векторно найти СДНФ и СКНФ.

Функция $f(x,y,z) = \{1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0\}$

Задача 4.

Доопределить функцию $f(x,y,z)$ так, чтобы $f \in S$. Если построение невозможно, докажите это.

Привести формулу для полученной функции.

Функция $f(x,y,z) = \{1, 1, 0, 1, -, -, -, -, -\}$

Задача 5.

Для логической функции, заданной векторно

$f = \{1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0\}$

проверить образует ли она функционально-полную систему.

Если образует, то получить с ее помощью отрицание

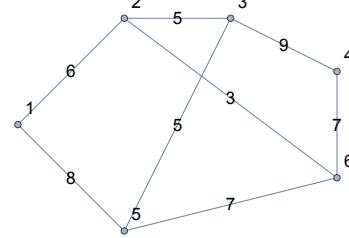
и либо конъюнкцию, либо дизъюнкцию.

Задача 6.

С помощью алгоритма Форда–Фалкерсона найти максимальный поток и минимальный разрез.

Начальная вершина $s = 2$ Конечная вершина $t = 5$

Граф



Задача 7.

Задана таблица Мура:

Таблица Мура	Q1	Q2
M	{Q2, S}	{Q1, V}
K	{Q1, V}	{Q2, T}

Построить Входной алфавит, Выходной алфавит, диаграмму Мура.

На вход автомата подается слово МММКМК.

Какое слово будет на выходе?

Задача 8.

Чем отличается дизъюнктивная нормальная форма от СДНФ?

Привести пример для функции двух переменных.